

# Savaş Uçağı Koltuğunun Durum Geri Beslemeli $\mathbf{H}_{_{\!\infty}}$ Yarı Aktif Kontrolü

#### Rahmi Güçlü\*1, Ömer Faruk Sancak<sup>2</sup>

### ÖZ

Bu çalışmada savaş uçağı koltuklarının yarı aktif titreşim azaltma problemi için Doğrusal Matris Eşitsizlikleri (DME) tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrolcü tasarlanması gerçekleştirilmiştir. Uçağın pistteki taksi hareketi esnasında yoldan gelen uyarıların sebep olduğu, on serbestlik dereceli yarı aktif koltuklara sahip tam uçağın matematiksel modelinin koltuk titreşimlerinin kontrolü ve analizi yapılmıştır. Bu amaçla, yarı aktif koltuklar olarak pasif sönümleyici yerine Manyeto-Reolojik (MR) sönümleyici kullanılmıştır. MR sönümleyici doğrusal olmayan karaktere sahiptir ve sönümleme kuvveti elektromanyetik sargılara uygulanan gerilim ile değişir. MR sönümleyicili koltukların performansı DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrolcü ile sağlanmıştır. Kontrol yöntemi sistemin pasif hali (MR 0 V) ile karşılaştırılmıştır.

Anahtar Kelimeler: Uçak iniş takımları, koltuklu insan modeli, MR sönümleyici, taksi hareketi analizi, yarı aktif kontrol, doğrusal matris eşitsizlikleri, durum geri beslemeli H<sub>w</sub> kontrol

## State Feedback H<sub>m</sub> Semi Active Control of Fighter Jet Seat

#### ABSTRACT

This paper deals with the design of a Linear Matrix Inequalities (LMI) based state feedback  $H_{\infty}$  controller for a semi active vibration mitigation problem of fighter jet seats. Ten degrees of freedom detailed full aircraft mathematical model having semi active seats are controlled and analyzed seat vibrations caused by runway excitations during taxiing. For this purpose a Magneto-Rheological (MR) damper is used instead of a passive damper as semi active seats. The MR damper has non-linear characteristics and its damping force varies by voltage which is applied to electromagnetic coil. The performance of seats with the MR damper is controlled via LMI based state feedback  $H_{\infty}$  controller. The control method is compared with the passive case (MR 0 V).

**Keywords:** Aircraft landing gear, seated human model, MR damper, taxiing analysis, semi active control, linear matrix inequalities, state feedback  $H_{\infty}$  control

*	İletişim Yazarı		
	Geliş/Received	:	22.04.2018
	Kabul/Accepted	:	30.07.2018

<sup>1</sup> Yıldız Teknik Üniversitesi Makina Mühendisliği - guclu@yildiz.edu.tr

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Yıldız Teknik Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü - omerfaruksancak@gmail.com



## 1. GİRİŞ

Araştırmacılar son yıllarda dikkatlerini araçların seyir konforu üzerine yoğunlaştırmışlardır. Bu da doğrudan insan güvenliği ve konforu ile ilgilidir. Koltuklar araçların insan güvenliği ve seyir konforu açısından en önemli parçasıdır. Bu sebeple, insan konforunun arttırılmasına yönelik bu alanda birçok çalışma yapılmıştır. Ayrıca kontrol edilebilir koltuklar uygulamadaki kolaylık ve ekonomik sebeplerden ötürü daha tercih edilebilir bir seçenektir.

Sistemlerin yarı aktif kontrolü teorik ve uygulamalı olarak birçok alanda kendisine yer bulmuştur. Bu bazı sebeplere bağlıdır; çalışmadığı durumlarda yarı aktif sistemler emniyet açısından pasif sistemler gibi güvenilirliğe sahiptir ve çalışma esnasında aktif sistemlere göre daha az enerjiye ihtiyaç duyarlar. MR sönümleyici kontrol edilebilir akışkan sıvı içerir ve titreşimleri azaltarak enerjiyi sönümler. Bu yolla, sistemin kararlılığının sağlanması amaçlanır. MR sönümleyiciler doğrusal olmayan karaktere sahiptir. MR sönümleyicinin doğrusal olmayan karakterinin modellenmesinde farklı yöntemler kullanılmaktadır. Karmaşık yapısına rağmen geliştirilmiş Bouc-Wen modeli MR sönümleyicinin dinamik özelliklerini yansıtan en uygun modeldir. Bu sebeple, bu çalışmada MR sönümleyici modeli olarak geliştirilmiş Bouc-Wen modeli kullanılmıştır [1-4].

Kontrol vöntemleri sürücüler tarafından hissedilen titresimleri azaltmak icin kullanılır. Bu insanların koşullarını iyileştirmek ve rahatsızlığı azaltmak içindir [5]. Bu sebeple, Güçlü [6] yarım taşıt için bulanık mantıklı kontrolcü tasarlamıştır. Güçlü ve Gülez [7] doğrusal sabit mıknatıslı senkron motorlar kullanarak yapay sinir ağı ile tam araç modelinde hem sürücü koltuğu titreşimi hem de araç titreşimi için bir kontrol yöntemi geliştirmişlerdir. Paksoy, Güçlü ve Çetin [8] MR sönümleyici eklenmiş tam araç modeli için bulanık mantıklı kontrol yöntemi kullanmışlardır. Wang, Siyamakumar ve Haran uçak iniş takımlarının iniş ve diğer hareketleri esnasındaki dikey yer değistirmevi azaltmak icin PID kontrol yöntemini kullanarak aktif ve yarı aktif denetleyici tasarlamışlardır [9-10]. Böylece yolcu konforu ve uçağın yorulma ömrü düşünüldüğünde bu yöntemin aktif iniş takımları için uygulanabileceğini göstermişlerdir. Zapateiro yolcu konforunu iyilestirmek için uyarlamalı kontrolcü yaklaşımını kullanarak aktif ve yarı aktif iniş takımlarını karşılaştırmışlardır [11]. Margolis basit ve gelismis dinamik modeller icin bağ grafiği (bond graph) tekniğini kullanmıştır ve varı aktif sistemin uygulanabilirliğinin en uygun kontrol tekniği olduğunu ispatlamıştır [12]. Youn ve Hac iki serbestlik dereceli araç modeli için sürüş konforunu, yol sarsıntısını ve süspansiyon salınım hızını iyileştirmek amacıyla optimal kontrol yöntemini uygulayarak yarı aktif süspansiyon tasarımını kullanmışlardır [13]. Sims ve Stanway pasif süspansiyonlar üzerinde yarı aktif süspansiyonların performans kazancını ispat etmek amacıyla yarı aktif bir süspansiyon sistemi geliştirmiştir. Bu çalışmada kontrol edilebilir bir viskoz sönümleyici geri beslemeli kuvvetle oluşturulmuştur [14]. Adap-



tif uçak iniş takımı tasarımı iniş anındaki değişkenlikle başa çıkmak ve sönümleme kapasitesinin etkisini iyileştirmek için Mikulowski ve Holnicki-Szulc tarafından önerilmiştir [15]. Kruger üç kontrolörün kontrol parametrelerini en iyi duruma getirmek adına çok amaçlı optimizasyon algoritması tasarlamıştır ve yarı aktif iniş takımları için Skyhook kontrolör, bulanık mantıklı kontrolör ve durum geri-beslemeli kontrolör olmak üzere üç farklı kontrol yaklaşımı kullanmıştır [16]. Choi ve Werely tarafından MR iniş takımı tasarlamak için kayan kipli kontrolör kullanılmıştır [17]. Ghiringhelli iniş esnasında uçak üzerindeki dikey yer değiştirmeyi azaltmak amacıyla sönümleyicideki orifis bölgesini kontrol ederek yarı aktif iniş takımlarının uygulanabilirliğini kanıtlamıştır [18]. Wang, Kim, Jeon, Lam ve Liao sürüş konforunun gelişiminde MR sönümleyicinin uygulanabilirliğini doğrulamış ve çeyrek taşıtta yarı aktif kontrol sistemi tasarımı için MR sönümleyiciyi kullanmışlardır [19-21].

Bu çalışmada, savaş uçağının taksi hareketi esnasında koltukların titreşimlerini azaltmak için MR sönümleyici kullanılmıştır. MR sönümleyiciye verilen gerilim Heaviside fonksiyonu vasıtasıyla belirlenmiştir. Kontrol yönteminin performansı MATLAB-Simulink yazılım programı ile test edilmiş ve kontrolcünün tasarımında YALMIP ayrıştırıcı kullanılmıştır.

## 2. MATEMATİKSEL MODEL

#### 2.1 MR Sönümleyicinin Matematiksel Modeli

MR sönümleyici piston, akümülatör, manyetik sargı, MR akışkandan meydana gelir. MR akışkan uygulanan manyetik alana göre yoğunluğunun değişmesiyle kontrol edilebilir sıvı olarak tanımlanabilir. MR sönümleyicinin fiziksel modeli Şekil 1'de gösterilmiştir.





Manyeto-Reolojik akışkanlar taşıyıcı sıvıya mikron seviyede eklenmiş parçacıklardan oluşmaktadır. Taşıyıcı sıvı petrol bazlı yağlar, silikon yağı, gazyağı, mineral yağlar, sentetik hidrokarbon yağlar, su, polyester vs. içerir. Genellikle manyetik parçacık olarak demir kullanılır. Manyetik alan uygulandığında taşıyıcı sıvıdaki gelişigüzel dağılmış demir parçacıkları iki kutuplu moment halinde dizilirler. Demir parçacıkları taşıyıcı sıvının akış yönüne dik olacak şekilde zincir sırası şeklinde sıralanır. Bu taşıyıcı sıvının akış hızının azalması anlamına gelmektedir. Bu olay manyetik alan devam ettiği sürece devam etmektedir. Manyetik alan kaldırıldığında demir parçacıklarının zincir şeklindeki dizilimi kırılır ve taşıyıcı sıvı eski haline geri döner. Bu yolla, sönüm kuvveti ayarlanabilir ve farklı sönüm kuvvetleri elde edilebilir. Ayrıca, akım uygulanmadığı takdırde MR sönümleyici pasif sönümleyici gibi davranır. Bu yarı aktif sistemin güvenliği için önemli bir özelliktir [22].

Doğrusal olmayan histeresiz karakteri sebebiyle MR sönümleyici geliştirilmiş Bouc-Wen yaklaşımıyla modellenmiştir. Bu model Bouc-Wen modeline paralel yay ve seri sönümleme eklenmesiyle oluşturulmuştur. Geliştirilmiş Bouc-Wen modeli Şekil 2'de gösterilmiştir.



Geliştirilmiş Bouc-Wen modelinin dinamik denklemleri aşağıda verilmiştir. Rijit çubuğun her iki tarafındaki denklemler;

$$c_1 \dot{y} = a_h z + c_0 (\dot{x} - \dot{y}) + k_0 (x - y)$$
(1)

şeklindedir. Burada, hesap edilebilir değişken, z aşağıdaki gibi tanımlanır:

$$\dot{z} = -\gamma |\dot{x} - \dot{y}| |z|^{n-1} z - \beta (\dot{x} - \dot{y}) |z|^n + A (\dot{x} - \dot{y}).$$
<sup>(2)</sup>

Eğer denklem (1) için düzenlenirse, aşağıdaki eşitlik elde edilir:

$$\dot{y} = \frac{1}{c_0 + c_1} [a_h z + c_0 \dot{x} + k_0 (x - x_0)].$$
(3)

Buna göre sistemde oluşan toplam kuvvet aşağıdaki gibi tanımlanır:



$$F = a_h z + c_0 (\dot{x} - \dot{y}) + k_0 (x - y) + k_1 (x - x_0) = c_1 \dot{y} + k_1 (x - x_0).$$
(4)

Burada x toplam bağıl yer değiştirmeyi,  $x_0$  yay sabiti  $k_1$  olan yayın başlangıç yer değiştirmesini,  $k_0$  yüksek hızlardaki yay sabitini,  $k_1$  akümülatör yay sabitini,  $c_0$  yüksek hızlardaki viskoz sönümü ve  $c_1$  düşük hızlarda kuvvet azalması için viskoz sönümü olarak ifade edilmektedir. MR sönümleyicinin sargılarına uygulanan gerilim ile oluşan manyetik alanın MR sönümleyici dinamiğine etkisi aşağıdaki denklemler yardımıyla belirlenir:

$$\begin{aligned} a_{h} &= a_{ha} + a_{hb} u, \\ c_{1} &= c_{1a} + c_{1b} u, \\ c_{0} &= c_{0a} + c_{0b} u. \end{aligned}$$
 (5)

Burada u ifadesi birinci derece filtre yardımıyla

$$\dot{\mathbf{u}} = -\eta \left( \mathbf{u} - \mathbf{V} \right) \tag{6}$$

olarak bulunur. Denklem (6)'da V ifadesi MR sönümleyicinin sargılarına uygulanan gerilimi temsil etmektedir.

#### 2.2 Heaviside Fonksiyonu

Heaviside fonksiyon yönteminde, uygulanan voltaj belirlenirken üç seçenekten biri gerçekleşir, minimum voltaj değeri 0, yarım voltaj değeri  $V_{maks/2}$  veya maksimum voltaj değeri  $V_{maks}$  [24]. Fonksiyonun matematiksel ifadesi denklem (7)'de verilmiştir:

$$\mathbf{v} = \mathbf{V}_{\text{maks}}\mathbf{H}[(\mathbf{f}_{c} - \mathbf{f})\mathbf{f}]. \tag{7}$$

Burada  $f_c$  ve f sırasıyla ideal kontrol kuvvetini ve MR sönümleyicinin ürettiği kuvveti, H(.) ise Heaviside fonksiyonunu ifade etmektedir. Heaviside fonksiyonu denklem (8)'de açık şekilde ifade edilmiştir:

$$H(x) = \frac{1}{2}(1 + \text{sgn}(x)) \qquad v = \begin{cases} 0 \\ V_{\text{maks}}/2, \\ V_{\text{maks}} \end{cases}$$
(8)  
$$v = \frac{V_{\text{maks}}}{2}(1 + \text{sgn}([f_{c} - f]f])).$$

#### 2.3 Savaş Uçağı Matematik Modeli

Savaş uçağının matematiksel modeli Şekil 3'te verilmiştir. Burada M uçak gövdesinin kütlesini;  $I_{xx}$  ve  $I_{yy}$  atalet momentlerini;  $mt_1$ ,  $mt_2$  ve  $mt_3$  ön ve arka tekerlek kütlelerini;  $ks_1$ ,  $ks_2$ ,  $ks_3$  iniş takımı yay katsayılarını;  $cs_1$ ,  $cs_2$ ,  $cs_3$  iniş takımı sönüm katsayılarını;  $kt_1$ ,  $kt_2$ ,  $kt_3$  tekerleklerin yay katsayısını;  $ct_1$ ,  $ct_2$ ,  $ct_3$  tekerleklerin sönüm katsayısını;  $ki_1$ ,  $ki_2$ ,  $ci_1$  ve  $ci_2$  sırasıyla birinci ve ikinci pilotun vücutlarının rijitlik ve sönüm katsayılarını;  $kk_1$ ,  $kk_2$  uçak koltuklarının yay katsayılarını; a, b, e, d uçağın ölçülerini;

k ve l ise uçak koltuklarının ağırlık merkezine uzaklıklarını; x, xt<sub>1</sub>, xt<sub>2</sub>, xt<sub>3</sub>, xk<sub>1</sub>, xk<sub>2</sub>, xi<sub>1</sub>, xi<sub>2</sub> düşey yer değiştirme hareketlerini;  $\theta$  ve  $\beta$  açısal yer değiştirme hareketlerini; xg<sub>1</sub>, xg<sub>2</sub>, xg<sub>3</sub> yol girişlerini;  $F_{MR}^{k_1}$  ve  $F_{MR}^{k_2}$  ise uçak koltuklarına yerleştirilmiş MR sönümleyicinin ürettiği kontrol kuvvetini ifade etmektedir.



Uçağın matematiksel modelinin hareket denklemlerini elde etmek için Lagrange yöntemi kullanılmıştır. Lagrange denkleminin genel ifadesi,

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{dt}} \left( \frac{\partial \mathrm{E}_{\mathrm{k}}}{\partial \dot{\mathrm{q}}_{\mathrm{i}}} \right) - \left( \frac{\partial \mathrm{E}_{\mathrm{k}}}{\partial \mathrm{q}_{\mathrm{i}}} \right) + \left( \frac{\partial \mathrm{E}_{\mathrm{p}}}{\partial \mathrm{q}_{\mathrm{i}}} \right) + \left( \frac{\partial \mathrm{E}_{\mathrm{d}}}{\partial \dot{\mathrm{q}}_{\mathrm{i}}} \right) = \mathrm{Q}_{\mathrm{i}} \tag{9}$$

şeklindedir.  $E_k$ ,  $E_p$ ,  $E_d$  sırasıyla sistemin kinetik enerji, potansiyel enerji ve sönüm enerjisidir. Genelleştirilmiş koordinatlar  $q_i$  ve genelleştirilmiş kuvvetler  $Q_i$  olarak ifade edilmektedir.

Lagrange yöntemini kullanarak hareket denklemleri aşağıdaki gibi elde edilir:



$$\begin{split} & \text{mi}_{1}\ddot{x}i_{1} + ki_{1}(xi_{1} - xk_{1}) + ci_{1}(\dot{x}i_{1} - \dot{x}k_{1}) = 0, \end{split} (10) \\ & \text{mi}_{2}\ddot{x}i_{2} + ki_{2}(xi_{2} - xk_{2}) + ci_{2}(\dot{x}i_{2} - \dot{x}k_{2}) = 0, \end{aligned} (11) \\ & \text{mk}_{1}\ddot{x}k_{1} + kk_{1}(xk_{1} - x + l\theta) - ki_{1}(xi_{1} - xk_{1}) - ci_{1}(\dot{x}i_{1} - \dot{x}k_{1}) = -F_{\text{MR}}^{k1}, \end{aligned} (12) \\ & \text{mk}_{2}\ddot{x}k_{2} + kk_{2}(xk_{2} - x + k\theta) - ki_{2}(xi_{2} - xk_{2}) - ci_{2}(\dot{x}i_{2} - \dot{x}k_{2}) = -F_{\text{MR}}^{k2}, \end{aligned} (13) \\ & \text{M}\ddot{x} + ks_{1}(x - a\theta - xt_{1}) + ks_{2}(x + b\theta - d\beta - xt_{2}) + ks_{3}(x + b\theta + e\beta - xt_{3}) - \\ & kk_{1}(xk_{1} - x + l\theta) - kk_{2}(xk_{2} - x + k\theta) + cs_{1}(\dot{x} - a\theta - \dot{x}t_{1}) + cs_{2}(\dot{x} + b\theta - d\dot{\beta} - \dot{x}t_{2}) + \\ & cs_{3}(\dot{x} + b\theta + e\beta - \dot{x}t_{3}) = F_{\text{MR}}^{k1} + F_{\text{MR}}^{k2}, \end{aligned} (14) \\ & I_{zz}\ddot{\theta} - a ks_{1}(x - a\theta - xt_{1}) + b ks_{2}(x + b\theta - d\beta - xt_{2}) + b ks_{3}(x + b\theta + e\beta - xt_{3}) - \\ & l kk_{1}(xk_{1} - x + l\theta) - k kk_{2}(xk_{2} - x + k\theta) - a cs_{1}(\dot{x} - a\theta - \dot{x}t_{1}) + b cs_{2}(\dot{x} + b\theta - d\beta - \dot{x}t_{2}) + \\ & b cs_{3}(\dot{x} + b\theta + e\beta - \dot{x}t_{3}) = 1 F_{\text{MR}}^{k1} + k F_{\text{MR}}^{k2}, \end{aligned} (15) \\ & I_{yy}\ddot{\beta} - d ks_{2}(x + b\theta - d\beta - xt_{2}) + e ks_{3}(x + b\theta + e\beta - xt_{3}) - d cs_{2}(\dot{x} + b\theta - d\dot{\beta} - \dot{x}t_{2}) + e cs_{3} \\ & (\dot{x} + b\dot{\theta} + e\dot{\beta} - \dot{x}t_{3}) = 0, \end{aligned} (16) \\ & \text{mt}_{1}\ddot{x}t_{1} + kt_{1}(xt_{1} - xg_{1}) - ks_{1}(x - a\theta - xt_{1}) + ct_{1}(\dot{x}t_{1} - \dot{x}g_{1}) - cs_{1}(\dot{x} - a\dot{\theta} - \dot{x}t_{1}) = 0, \end{aligned} (17) \\ & \text{mt}_{2}\ddot{x}t_{2} + kt_{2}(xt_{2} - xg_{2}) - ks_{3}(x + b\theta - d\beta - xt_{2}) + ct_{3}(\dot{x}t_{3} - \dot{x}g_{3}) - cs_{3}(\dot{x} + b\dot{\theta} - d\dot{\beta} - \dot{x}t_{2}) = 0, \end{aligned} (18) \\ & \text{mt}_{3}\ddot{x}t_{3} + kt_{2}(xt_{2} - xg_{2}) - ks_{3}(x + b\theta + e\beta - xt_{3}) + ct_{3}(\dot{x}t_{3} - \dot{x}g_{3}) - cs_{3}(\dot{x} + b\dot{\theta} + e\dot{\beta} - \dot{x}t_{3}) = 0. \end{aligned} (19)$$

## 3. DME TABANLI DURUM GERİ BESLEMELİ $\mathrm{H}_{\scriptscriptstyle\infty}$ KONTROLCÜ TASARIMI

 $H_{\infty}$  optimal kontrol probleminin çözümüne yönelik ilk çalışmalar Francis ve Doyle tarafından yapılmıştır [25-26].  $H_{\infty}$  kontrol probleminin çözümünde yapılan ilk çalışmalarda sistemin durum-uzay modeli göz önüne alınarak Riccati denklemleri yardımıyla çözülmüştür. Son yıllarda sıklıkla kullanılan kullanılan ve ilk olarak Lyapunov'un kararlılık analizinde ortaya çıkan doğrusal matris eşitsizlikleri (DME) yaklaşımı  $H_{\infty}$ kontrolör probleminin çözümüne yeni bir bakış açısı kazandırmıştır. Sistemin bozucu girişlerden gelen etkilenmesini engellemek amacıyla bozuculardan çıkışlara olan transfer fonksiyonları matrisinin sonsuz normunu minimum yapma düşüncesiyle ortaya çıkan  $H_{\infty}$  kontrol yöntemi, önceden tahmin edilemeyen bozucu girişlerin etkisi altındaki yapısal sistemler için son derece uygun bir kontrol algoritmasıdır [27].  $H_{\infty}$ kontrol yöntemi daha çok frekans alanıyla ilgili bir yöntemdir. Kapalı çevrim sistemi için iyi bir geçici rejim cevabı garanti etmez [28]. Durum geri beslemeli kontrol yapısının blok diyagramı Şekil 4'te gösterilmektedir.

(20)

Doğrusal zamanla değişmeyen sistem,

 $\dot{x} = Ax + B_1w + B_2u,$  $z_1 = C_1x + D_{11}w + D_{12}u,$  şeklinde ifade edilir. Burada  $x \in \mathbb{R}^n$  durum vektörünü,  $z_1 \in \mathbb{R}^p$  kontrol çıkış vektörlerini,  $w \in \mathbb{R}^{mw}$  bozucu giriş vektörünü,  $u \in \mathbb{R}^{mu}$  denetim giriş vektörünü ifade etmektedir. A, B<sub>1</sub>, B<sub>2</sub>, C<sub>1</sub>, D<sub>11</sub> ve D<sub>12</sub> matrisleri sistemin uygun boyutlu durum-uzay matrisleridir. Denetim girişinin (u = Kx ( $u \in \mathbb{R}^{mu \times n}$ ) gibi durumların doğrusal bir fonksiyonu olduğu kabulüyle, kapalı çevrim sistemi,

$$\dot{\mathbf{x}} = (\mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{B}_2\mathbf{K}) + \mathbf{B}_1\mathbf{w},$$
  
 $\mathbf{z}_1 = (\mathbf{C}_1\mathbf{x} + \mathbf{D}_{12}\mathbf{K}) + \mathbf{D}_{11}\mathbf{w},$ 
(21)

şeklide elde edilir. K durum geri-beslemeli kontrolör kazancını ifade etmektedir.



 $H_{\infty}$  performans problemi, kapalı çevrim sistemi kararlı kılacak, sistemin girişlerinden çıkışlarına olan transfer fonksiyonları matrisinin sonsuz normunu  $||T_{Z_1w}||$ ,  $\gamma_t$  gibi bulabilecek en küçük skaler pozitif reel bir değerden küçük kılacak bir kontrolör bulunmasıdır.  $V(x)=x^TPx$ ,  $P = P^T > 0$  şartı ile karesel Lyapunov fonksiyonudur.  $\gamma_t > 0$ olmak üzere sistemin performans ve kararlılık kısıtları için tanımlanan (22) eşitsizliği, tüm x ve w'ler için negatif olmalıdır [29]:

$$\frac{d}{dt}V(x) + z_1^T z_1 - \gamma_t^2 w^T w < 0.$$
(22)

Denklem (21)'in (22) eşitsizliği ile birleştirilmesiyle aşağıdaki eşitsizlik elde edilir:

$$[(A + B_2K)x + B_1w]^TPx + x^TP[(A + B_2K)x + B_1w] + [(C_1 + D_{12}K)x + D_{11}w]^T$$
(23)  
 [(C\_1 + D\_{12}K)x + D\_{11}w] - \gamma\_t^2w^Tw < 0.

Burada (23) eşitsizliğinin düzenlenmesiyle

$$\begin{bmatrix} x \\ w \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} ((A + B_{2}K)^{T}P + P(A + B_{2}K) + (C_{1} + D_{12}K)^{T}(C_{1} + D_{12}K)) \\ B_{1}^{T}P + D_{11}^{T}(C_{1} + D_{12}K) \end{bmatrix}$$

$$PB_{1} + (C_{1} + D_{12}K)^{T}D_{11} \\ -\gamma_{t}^{2}I + D_{11}^{T}D_{11} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ w \end{bmatrix} < 0$$

$$(24)$$



matris eşitsizliği elde edilir. Schur tümleyeni [30] ile (24) eşitsizliğinin ile sağından ve solundan çarpılması sonucu,

$$P^{-1}(A + B_{2}K)^{T} + (A + B_{2}K)P^{-1} + P^{-1}(C_{1} + D_{12}K)^{T}(C_{1} + D_{12}K)P^{-1} - (B_{1} + P^{-1}(C_{1} + D_{12}K)^{T}D_{11})(-\gamma_{t}^{2}I + D_{11}D_{11}^{T})^{-1}(B_{1}^{T} + D_{11}^{T}(C_{1} + D_{12}K)P^{-1}) < 0$$
(25)

eşitsizliği elde edilir.  $X_{\infty} = p^{-1}$  değişken dönüşümü yardımıyla DME'ler,

$$\begin{bmatrix} ((A + B_{2}K)X_{\infty} + X_{\infty}(A + B_{2}K)^{T} + X_{\infty}(C_{1} + D_{12}K)^{T}(C_{1} + D_{12}K)X_{\infty}) \\ B_{1}^{T} + D_{11}^{T}(C_{1} + D_{12}K)X_{\infty} \end{bmatrix}$$

$$B_{1} + X_{\infty}(C_{1} + D_{12}K)^{T}D_{11} \\ -\gamma_{t}^{2}I + D_{11}^{T}D_{11} \end{bmatrix} < 0,$$

$$\begin{bmatrix} (A + B_{2}K)X_{\infty} + X_{\infty}(A + B_{2}K)^{T} & B_{1} \end{bmatrix}_{t=1}^{t} \begin{bmatrix} X_{\infty}(C_{1} + D_{12}K)^{T} \end{bmatrix}$$
(26)

$$\begin{bmatrix} (A + B_2 K)X_{\infty} + X_{\infty}(A + B_2 K)^T & B_1 \\ B_1^T & -\gamma_t I \end{bmatrix} + \frac{1}{\gamma_t} \begin{bmatrix} X_{\infty}(C_1 + D_{12} K)^T \\ D_{11}^T \end{bmatrix}$$
(27)
$$[(C_1 + D_{12} K)X_{\infty} \quad D_{11}] < 0$$

olarak elde edilir. Burada, yine Schur tümleyeni kullanılarak denklem (21)'de tanımlanan kapalı çevrim sistemin H<sub>w</sub> performans kısıtları  $X_w = X > 0$  ve W:=KX değişken dönüşümü yardımıyla aşağıdaki DME elde edilir:

$$\begin{bmatrix} XA^{T} + AX + B_{2}W + W^{T}B_{2}^{T} & B_{1} & XC_{1}^{T} + W^{T}D_{12}^{T} \\ B_{1}^{T} & -\gamma_{t}I & D_{11}^{T} \\ C_{1} + D_{12}W & D_{11} & -\gamma_{t}I \end{bmatrix} < 0.$$
 (28)

(28) eşitsizliğindeki DME'yi çözen uygun X ve W matrisleri bulunursa, en uygun geri-beslemeli  $H_{\infty}$ kontrol kazancı aşağıdaki şekilde elde edilir:

 $K = WX^{-1}$ . (29)

## 4. BENZEŞİM ÇALIŞMALARI

Simülasyon çalışmaları MATLAB-Simulink kullanılarak gerçekleştirilmiştir. DME'lerin çözümünde YALMIP [31] ayrıştırıcısı ile SeDuMi [32] çözücüsü kullanılmıştır. Uçak modeline ait parametreler Çizelge 1'de verilmiştir.

MR sönümleyicinin histeresiz karakteri Şekil 5'te verilmiştir. Bu çalışmada kullanılan MR sönümleyicinin ucuna 2 Hz olan 0,005 m genlikli bir yer değiştirme uygulan-

Parametre	Değer	Parametre	Değer
М	22.000 kg	ki <sub>1</sub>	49.340 N/m
I <sub>yy</sub>	$65 \times 10^3 \text{ kgm}^2$	ki <sub>2</sub>	49.340 N/m
Izz	$100 \times 10^3 \text{ kgm}^2$	cs <sub>1</sub>	$143 \times 10^{3} \text{ Ns/m}$
mt <sub>1</sub>	130 kg	cs <sub>2</sub>	$625 \times 10^{3} \text{ Ns/m}$
mt <sub>2</sub>	260 kg	cs <sub>3</sub>	625 × 10 <sup>3</sup> Ns/m
mt <sub>3</sub>	260 kg	ct <sub>1</sub>	4.066 Ns/m
mk <sub>1</sub>	15 kg	ct <sub>2</sub>	4.066 Ns/m
mk <sub>2</sub>	15 kg	ct <sub>3</sub>	4.066 Ns/m
mi <sub>1</sub>	61 kg	ci <sub>1</sub>	2.475 Ns/m
mi <sub>2</sub>	61 kg	ci <sub>2</sub>	2.475 Ns/m
ks <sub>1</sub>	$673 \times 10^3 \text{ N/m}$	а	7,76 m
ks <sub>2</sub>	$408 \times 10^{3} \text{ N/m}$	b	1,94 m
ks <sub>3</sub>	$408 \times 10^{3} \text{ N/m}$	d	3,8425 m
kt <sub>1</sub>	$159 \times 10^4 \text{ N/m}$	e	3,8425 m
kt <sub>2</sub>	$159 \times 10^{4} \text{ N/m}$	k	3 m
kt <sub>3</sub>	$159 \times 10^{4} \text{ N/m}$	1	6 m
kk <sub>1</sub>	31.000 N/m		
kk <sub>2</sub>	31.000 N/m		

Çizelge 1. On Serbestlik Dereceli Savaş Uçağı Modelinin Parametreleri

Çizelge 2. MR Sönümleyici Modelinin Parametreleri

Parametre	Değer	Parametre	Değer
k <sub>1</sub>	840 N/m	αα	12.441 N/m
k <sub>0</sub>	3.610 N/m	α <sub>b</sub>	38.430 Ns/Vm
c <sub>0a</sub>	784 Ns/m	γ	136.320 1/m <sup>2</sup>
c <sub>ob</sub>	1.803 Ns/Vm	β	2.059.020 1/m <sup>2</sup>
c <sub>1a</sub>	14.649 Ns/m	η	190 1/s
c <sub>1b</sub>	34.622 Ns/Vm	n	2
A	58		

mıştır. MR sönümleyiciye uygulanan gerilim 0, 2 ve 4 volttur. MR sönümleyicinin parametreleri Çizelge 2'de verilmiştir.

Durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrol durumu için uygulanacak gerilim Heaviside fonksiyonu ile belirlenir. Simülasyon çalışmalarında kullanılan tekerleklere ait yol girişleri Şekil 6'da verilmiştir.

Burada yapılan  $H_{\infty}$  kontrolcü tasarımında bir mühendislik problemi olarak sistemin ekonomikliği göz önünde bulundurulmuş ve MR sönümleyiciler iniş takımları yerine





koltukların altına yerleştirilmiştir.  $H_{\infty}$  kontrolcü tasarımı yapılırken sistemin 1. pilot ve 1. koltuk ayrı 2. pilot ve 2. koltuk ayrı şekilde modellenerek gövdeden koltuklara gelen titreşim yer değiştirme olarak 2 serbestlik dereceli modellere bozucu girişi olarak verilmiştir:

İki koltuğa ait elde edilen durum geri beslemeli kontrol matrisleri aşağıdaki gibi elde edilmiştir.

$$\begin{split} & K_1 = 10^4 [3.7269 \ - 6.8215 \ 0.1911 \ - 0.1854], \\ & K_2 = 10^4 [3.7269 \ - 6.8215 \ 0.1911 \ - 0.1854]. \end{split}$$



Burada  $K_1$  ön koltuğa yerleştirilmiş MR sönümleyicinin durum geri beslemeli kontrol matrisi,  $K_2$  ise arka koltuğa yerleştirilmiş MR sönümleyicinin durum geri beslemeli kontrol matrisidir. Koltukların ve pilotların kütleleri aynı olduğundan iki kontrol matrisi de eşit çıkmıştır.

DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrolörün performansı pasif durumla (MR 0 V) Şekil 7-10'da karşılaştırılmıştır. Düz çizgiler pasif durumu (MR 0 V) ve noktalı çizgiler ise DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrol durumunu ifade etmektedir.











Burada, dikey yer değiştirme ve ivme cevaplarına bakıldığında DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrolcünün pilot ve koltuklara ait dikey yer değiştirme ve ivme cevaplarının genliklerini önemli ölçüde bastırdığı görülmektedir. Sonuçlara bakılarak DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrolcünün koltuk ve pilotlara ait dikey yer değiştirme ve ivme cevaplarını iyileştirdiği söylenebilir.

Ayrıca DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrolcü vasıtasıyla üretilen gerilim değerleri Şekil 11'de gösterilmiştir. MR sönümleyiciler tarafından üretilen kuvvetler ise Şekil 12'de gösterilmiştir.







## 5. SONUÇ

Bu çalışmada, konfor ve pilot güvenliği açısından taksi hareketi esnasında asıl sorunun pilota gelen titreşimleri bastırmak olduğu göz önünde bulundurularak on serbestlik dereceli bir savaş uçağı modelinin yarı aktif kontrolünü gerçekleştirmek için doğrusal matris eşitsizlikleri (DME) tabanlı durum geri beslemeli H\_kontrol yöntemi kullanılmıştır. Bu yöntemde sistemin kontrol altında olmadığı 0 V hali ile kontrolcü uygulanmış halinin dikey yer değiştirme ve ivme cevapları simülasyonlar vasıtasıyla karşılaştırılmıştır. Sonuçlar, DME tabanlı durum geri beslemeli H\_kontrol yönteminin titreşimleri sönümlemedeki başarısını ortaya koymaktadır. Birinci koltuk ve pilota ait dikey yer değiştirme ve ivme cevapları incelendiğinde kontrolcünün genlikleri önemli oranda bastırdığı görülmektedir. Aynı şekilde ikinci koltuk ve pilot için de dikey yer değiştirme ve ivme cevapları için genliklerin baştırılmasında önemli oranda ivilesme söz konusudur. Bu vöntemde kontrolcü vasıtasıvla MR sönümlevicive uygulanan gerilim birinci koltuk için 0,7 V ve ikinci koltuk için 0,63 V değerindedir. Uygulanan gerilimin küçük olması sistemin ekonomikliğini göstermektedir. Kontrolcü vasıtasıyla MR sönümleyicinin ürettiği kuvvet birinci koltuk için 100 N ve ikinci koltuk için 50 N değerini geçmemektedir. Kontrolcü vasıtasıyla üretilen kuvvet değerine bakılarak sistemin uygulanabilir olduğu söylenebilir.

Titreşimlerinin sönümlenmesinde aktif sönümleyiciler daha etkili olsa da güç tüketimi, maliyet, kapladığı yer ve sisteme gelen ek yükler sebebiyle kullanılabilirliklerinin kısıtlayıcılığı söz konusudur. Buna karşın yarı aktif sönümleyiciler emniyetli olmaları, güç tüketimlerinin düşük olması ve sönümlemede aktif sönümleyicilere yakın bir performans göstermeleri sebebiyle kendilerine kullanım alanı bulmaktadır. Bu çalışma ile koltuklara yerleştirilen yarı aktif sönümleyicilerin maliyet ve gerek duyulan güç bakımından, uygulanabilir ve ekonomik olduğu gösterilmiştir. Uygulanan kontrolcü yöntemiyle de DME tabanlı durum geri beslemeli  $H_{\infty}$  kontrol yönteminin titreşimleri bastırmadaki performansı ispatlanmıştır.

#### SEMBOLLER

A	Sistem matrisi
a	Uçağın ön teker ile ağırlık merkezi arasındaki mesafe
b	Uçağın arka tekerler ile ağırlık merkezi arasındaki mesafe
B <sub>1</sub>	Bozucu giriş matrisi
B <sub>2</sub>	Denetim giriş matrisi
ci <sub>j=1,2</sub>	İnsan vücuduna ait sönüm katsayısı
ck <sub>i=1,2</sub>	Koltukların sönüm katsayısı
$cs_1, cs_2, cs_3$	Uçak modelinin ön ve arka iniş takımlarının sönüm katsayıları
$ct_1, ct_2, ct_3$	Tekerlerin sönüm katsayısı
C <sub>0</sub>	Bouc-Wen modeli için sönüm katsayısı

C <sub>1</sub>	Ölçüm matrisi
<i>C</i> <sub>1</sub>	Düşük hızlarda kuvvet azalması için viskoz sönüm
e, d	Ağırlık merkezinin uçağın sağ ve sol tarafına olan yatay mesafesi
F	MR sönümleyicinin kuvveti
$F_{MR}^{k1}$	Ön koltuğa ait MR sönümleyici kuvveti
F <sup>k2</sup> <sub>MR</sub>	Arka koltuğa ait MR sönümleyici kuvveti
f <sub>0</sub>	Akümülatör kuvveti
I <sub>xx</sub> , I <sub>yy</sub>	Uçağın atalet momentleri
Κ	Kontrol kazancı
k	Arka koltuğun uçağın ağırlık merkezine uzaklığı
ki <sub>j=1,2</sub>	İnsan vücuduna ait rijitlik katsayısı
kk <sub>i=1,2</sub>	Koltukların rijitlik katsayısı
$ks_1, ks_2, ks_3$	Uçak modelinin ön ve arka iniş takımlarının yay katsayıları
$kt_1, kt_2, kt_3$	Tekerlerin yay katsayısı
k <sub>0</sub>	Bouc-Wen modeli için yüksek hızlardaki yay katsayısı
k <sub>1</sub>	Akümülatör yay sabiti
1	Ön koltuğun uçağın ağırlık merkezine uzaklığı
М	Uçak gövdesinin kütlesi
mi <sub>j=1,2</sub>	Pilotların kütlesi
$mk_{i=1,2}$	Koltukların kütleleri
mt <sub>1</sub>	Uçağın ön tekerinin kütlesi
mt <sub>2</sub>	Uçağın sol arka tekerinin kütlesi
mt <sub>3</sub>	Uçağın sağ arka tekerinin kütlesi
$\mathbb{R}$	Reel sayılar kümesi
$\mathbb{R}^n$	Elemanları reel sayı olan n boyutlu Euclid uzayı
$\mathbb{R}^{mu \times n}$	mu x n boyutlu reel matrisler kümesi
V <sub>maks</sub>	Maksimum voltaj
w(t)	Bozucu giriş vektörü
Х	Uçak gövdesinin düşey yer değişimi
$xg_1, xg_2, xg_3$	Uçak modelinin yol girişleri
xi <sub>i=1,2</sub>	Pilotların düşey yer değiştirmesi
$xk_{i=1,2}$	Koltukların düşey yer değiştirmesi
$xt_{i=1,3}$	Uçağın tekerlerine ait düşey yer değişimi
<i>x</i> <sub>0</sub>	Yay sabiti $k_1$ olan yayın başlangıç yer değiştirmesi
Z	Bouc-Wen değişkeni
θ	Uçak gövdesinin kafa vurma açısal yer değişimi
β	Uçak gövdesinin yalpa açısal yer değişimi
$\gamma,A,\beta,n,\eta$	Histeresiz sabitleri
$\gamma_t$	En küçük bozucu bastırma seviyesi



## KAYNAKÇA

- 1. Winslow, W. M. 1949. "Induced Fibration of Suspensions," Journal of Applied Physics, 20 (12):1137–1140.
- 2. Rabinow, J. 1951. "Magnetic Fluid Torque and Force Transmitting Device," U.S. Patent Number: 2,575,360.
- **3.** Kordonsky, W. 1993. "Magnetorheological Effect As a Base of New Devices and Technologies," Journal of Magnetism and Magnetic Materials, 122:395-398.
- Spencer, B. F. Jr., Dyke, S. J., Sain, M. K., Carlson, J. D. 1997. "Phenomenological Model of a Magnetorheological Damper," Journal of Engineering Mechanics, ASCE, 123(3):230-238.
- Ahan, A. O., Arisoy, D. O., Muderrisoglu, K., Yazici, H., Guclu, R. 2016. "Vibration Control of A Semi-Trailer Truck for Comfort with an Output Feedback Controller," International Conference on Engineering and Natural Science, 24-28 May, Sarajevo.
- 6. Guclu, R. 2004. "The Fuzzy-Logic Control of Active Suspensions without Suspension-Gap Degeneration," Journal of Mechanical Engineering-Strojniski Vestnik, vol. 50(10), p. 462-468.
- Guclu, R., Gulez, K. 2008. "Neural Network Control of Seat Vibrations of a Nonlinear Full Vehicle Model using PMSM," Mathematical and Computer Modelling, DOI: 10.1016/j.mcm.2007.08.013, vol. 47(11-12), p. 1356-1371.
- Paksoy, M., Guclu, R., Cetin, S. 2014. "Semiactive Self-Tuning Fuzzy Logic Control of Full Vehicle Model with MR Damper," Advances in Mechanical Engineering, DOI:10.1155/2014/816813, vol. 2014, Article ID 816813.
- **9.** Wang, H. 2008. "An Investigation of an Active Landing Gear System to Reduce Aircraft Vibrations Caused by Landing Impacts and Runway Excitations," Journal of Sound and Vibration, vol. 317, 50-66. 133.
- Sivakumar, S., Haran, A. P. 2012. "Parametric Analysis and Vibration Control of Landing Gear with PID Controller," European Journal of Scientific Research, vol. 89, p. 441-453.
- Zapateiro, M. 2011. "Landing Gear Suspension Control Through Adaptive Backstepping Techniques with H<sub>∞</sub> Performance," Proc. The 18th IFAC World Congress., p. 4809-4814, Milano.
- 12. Margolis, D. L. 1983. "A Procedure for Comparing Passive, Active and Semi-Active Approaches to Vibration Isolation", Journal of the Franklin Institute, vol. 315, p. 225-238.
- 13. Youn, I., Hac, A. 1995. "Semi-Active Suspensions with Adaptive Capability," Journal of Sound and Vibration, vol. 180, p. 475-492.
- Sims, N.D., Stanway, R. 2003. "Semi-Active Vehicle Suspension Using Smart Fluid Dampers: a Modeling and Control Study", International Journal of Vehicle Design, vol. 33, 76-102.
- **15.** Mikulowski, G., Holnicki-szulc, J. 2003. "Adaptive Aircraft Shock Absorbers", AMAS Workshop on Smart Materials and Structures, vol. 3, p. 63-72.
- **16. Kruger, W.** 2002. "Design and Simulation of Semi-Active Landing Gears for Transport Aircraft", Mechanics of Structures and Machines, vol. 30, p. 493-526.



- **17.** Choi, Y. T., Wereley, N. M. 2003. "Vibration Control of a Landing Gear System Featuring ER/MR Fluids", Journal of Aircraft, vol. 40, p. 432-439.
- **18.** Ghiringhelli, G. L. 2000. "Testing of a Semi-Active Landing Gear Control for a General Aviation Aircraft", Journal of Aircraft, vol. 37, p. 606-616.
- **19.** Wang, E. R. 2003. "Semi-Active Control of Vehicle Vibration with MR-Dampers", Proc. 42nd IEEE Conference on Decision and Control, vol. 3, 2270-2275.
- **20.** Kim, K., Jeon, D. 1999. "Vibration Suppression in an MR Fluid Damper Suspension System", Journal of Intelligent Material Systems and Structures, vol. 10, p. 779-786.
- Lam, H.F., Liao, W. S. 2003. "Semi-Active Control of Automobile Suspension Systems with Magnetorheological Dampers", International Journal of Vehicle Design, vol. 33, 1-3.
- 22. Gharapurkar, A. A. 2014. "Robust Semi-Active Control of Aircraft Landing Gear System Equipped with Magnetorheological Dampers," Master Thesis, Concordia University, Montreal, Canada.
- Paksoy, M., Guclu, R. 2013. "Taşıt Titreşimlerinin MR Sönümleyici ile Yarı Aktif Bulanık Kontrolü," Yüksek Lisans Tezi, YTÜ, Fen Bilimleri Enstitüsü, İstanbul, Türkiye.
- 24. Yıldız, A. S., Sivrioğlu, S. 2013. "Çeyrek Taşıt Sisteminin MR Sönümleyici ile Uyarlamalı Yarı Aktif Kontrolü," Yüksek Lisans Tezi, GYTE, Fen Bilimleri Enstitüsü, Kocaeli.
- **25.** Francis, B. A. 1987. "A Course in H<sub>∞</sub> Control Theory," Lecture Notes in Control and Information Sciences 88, Edited by M.Thoma and A. Wyner, Springer-Verlag.
- Doyle, J. C., Glover, K., Khargonekar, P. P., Francis, B. A. 1996. "State-Space Solutions to Standart H2 and H<sub>∞</sub> Control Problems," IEEE Transactions on Automatic Control, 34(8), p. 831–847.
- Azeloğlu, C. O., Sağırlı, A. 2012. "LMI Based Mixed H2/H<sub>∞</sub> State-Feedback Control of Crane Structures Against Earthquake Induced Vibration," Journal of Engineering and Natural Sciences, Sigma30, p. 281-291.
- Yazici, H., Guclu, R. 2011. "Active Vibration Control of Seismic Excited Structural System Using LMI-Based Mixed State Feedback Controller," Turk J. Elec. Eng & Comp. Sci., vol.19, no. 6, DOI:10.3906/elk-1007-592. 2011.
- 29. Yazıcı, H., Küçükdemiral, İ. Beklan, Karadeniz, O. 2013. "Doyumlu Eyleyiciye Sahip Durum-Geri Beslemeli H<sub>∞</sub> Kontrolör ile Otonom Bir Helikopterin Askıda Kalma Kontrolü," TOK 2013, 26-28 Eylül 2013, Malatya.
- **30.** Boyd, S., Ghaoui, L.E., Feron, E., Balakrishnan, V. 1994. "Linear Matrix Inequalities in System and Control Theory," Society for Industrial and Applied Mathemetics, Philadelphia.
- Löfberg, J. 2004. "Yalmip: A Toolbox for Modeling and Optimization in MATLAB," Proceedings of the CACSD Conference, Taipei, Taiwan.
- **32.** Strum, J. F., 1999. "Using SeDuMi 1.02 a Matlab for Optimization over Symmetric Cones", Optimization Methods and Software, 11(2):625-653.